# Badania symulacyjne warstwy skrawanej frezem baryłkowym

The analysis of barrel mill's cut-layer cross section

JAN BUREK ŁUKASZ ŻYŁKA PIOTR ŻUREK KAROL ŻURAWSKI MARCIN SAŁATA\*

DOI: https://doi.org/10.17814/mechanik.2017.8-9.103

Przedstawiono badania symulacyjne pola przekroju warstwy skrawanej frezem baryłkowym. Badania dotyczyły obróbki powierzchni złożonych wklęsłych oraz wypukłych. SŁOWA KLUCZOWE: frezowanie pięcioosiowe, frez baryłkowy

The article presents the analysis of barrel mill's cut-layer cross section. A methodology of performing a machining simulation as well as its results during machining of concave and convex surfaces is presented.

KEYWORDS: five-axis milling, barrel mill

Złożone powierzchnie najczęściej obrabia się frezami kulistymi. Jednak ze względu na stosunkowo małą szerokość ścieżki obróbkowej praca tymi frezami jest mało wydajna. Małe szerokości ścieżek obróbkowych  $b_r$  wynikają z małego promienia zarysu krawędzi skrawającej  $r_n$ . Dlatego poszukuje się nowych geometrii frezów, które umożliwią stosowanie znacznie szerszych ścieżek obróbkowych. Do tych narzędzi należą frezy o baryłkowym zarysie krawędzi skrawającej (rys. 1) [2–4].



Rys. 1. Obróbka frezem: a) kulistym oraz b) baryłkowym [2, 3]

Zastosowanie tych frezów wiąże się z zupełnie innym nakładaniem się ścieżek obróbkowych, co istotnie wpływa na wydajność powierzchniową i maksymalną teoretyczną wysokość profilu  $R_{th}$ , którą określa się wzorem [2–4]:

$$R_{\rm th} = r_{\rm n} + \sqrt{r_{\rm n}^2 - \frac{b_{\rm r}^2}{4}}$$

gdzie:  $r_n$  – promień zarysu krawędzi skrawającej,  $b_r$  – szerokość ścieżki.

Wraz z poszerzaniem ścieżki obróbkowej *b*<sub>r</sub> zwiększeniu ulega pole przekroju warstwy skrawanej. Ma to wpływ na rozkład oraz wartość siły skrawania, co z kolei skutkuje odkształceniami sprężystymi układu OUPN i przekłada się na błędy wymiaru oraz kształtu obrabianej powierzchni. Stąd bardzo ważna jest analiza pola przekroju warstwy skrawanej [1, 9].

Ponadto w przypadku obróbki powierzchni złożonych oprócz promienia  $r_n$  istotny wpływ na maksymalną wysokość profilu ma promień krzywizny powierzchni obrabianej  $r_k$  – zarówno powierzchni wklęsłych, jak i wypukłych (rys. 2) [5, 7].



Rys. 2. Obróbka frezem baryłkowym powierzchni: a) wklęsłych, b) wy-pukłych

W obróbce powierzchni wklęsłej wraz ze zmniejszaniem promienia krzywizny  $r_k$  powierzchni obrabianej maleje maksymalna wysokość profilu  $R_{\text{thwk}}$ , zgodnie z zależnością:

$$R_{\rm thwk} = r_{\rm k} - (r_{\rm k} - r_{\rm n}) \cos \frac{b_{\rm rwk}}{2r_{\rm k}} - \sqrt{r_{\rm n}^2 - \left[(r_{\rm k} - r_{\rm n}) \sin \frac{b_{\rm rwk}}{2r_{\rm k}}\right]^2}$$

gdzie: *b*<sub>rwk</sub> – szerokość ścieżki obróbkowej dla powierzchni wklęsłej (wartość łukowa).

Natomiast w przypadku obróbki powierzchni wypukłych wraz ze zmniejszaniem się promienia krzywizny rośnie maksymalna wysokość profilu *R*<sub>thwy</sub> według zależności:

<sup>\*</sup> Dr hab. inż. Jan Burek prof. PRz (jburek@prz.edu.pl), dr inż. Łukasz Żyłka (zylka@prz.edu.pl), mgr inż. Piotr Żurek (p\_zurek@prz.edu.pl), mgr inż. Karol Żurawski (zurawski@prz.edu.pl), mgr inż. Marcin Sałata (msalata@prz.edu.pl) – Politechnika Rzeszowska im. Ignacego Łukasiewicza

$$R_{\rm thwy} = (r_{\rm n} + r_{\rm k}) \cos \frac{b_{\rm rwy}}{2r_{\rm k}} - \sqrt{r_{\rm n}^2 - \left[(r_{\rm k} + r_{\rm n}) \sin \frac{b_{\rm rwy}}{2r_{\rm k}}\right]^2} - r_{\rm k}$$

gdzie: *b*<sub>rwy</sub> – szerokość ścieżki obróbkowej dla powierzchni wypukłej (wartość łukowa).

Jeśli założy się zachowanie stałej maksymalnej wysokości profilu ( $R_{th}$  = const) poprzez zmianę szerokości ścieżek obróbkowych  $b_r$ , można obliczyć szerokość tych ścieżek dla powierzchni wklęsłej  $b_{rwk}$  oraz dla powierzchni wypukłej  $b_{rwy}$  według zależności:

$$b_{\rm rwk} = 2r_{\rm k} \cdot \arccos\left[\frac{2r_{\rm k}^2 - 2r_{\rm k} \cdot r_{\rm n} - 2 \cdot r_{\rm k} \cdot R_{\rm thwk} + R_{\rm thwk}^2}{2(r_{\rm k} - r_{\rm n}) \cdot (r_{\rm k} - R_{\rm thwk})}\right]$$
$$b_{\rm rwy} = 2r_{\rm k} \cdot \cos\left[\frac{2r_{\rm k}^2 + 2r_{\rm k} \cdot r_{\rm n} + 2r_{\rm k} \cdot R_{\rm thwy} + R_{\rm thwy}^2}{2(r_{\rm k} + r_{\rm n}) \cdot (r_{\rm k} + R_{\rm thwy})}\right]$$

# Badania symulacyjne

W oparciu o te zależności wyznaczono szerokości ścieżek obróbkowych dla promieni krzywizny od 200 do 2000 mm. Obliczenia były prowadzone dla stałego parametru  $R_{th}$  = 3 µm. Zakres szerokości ścieżek wyniósł  $b_r$  = 1,46÷1,88 mm dla powierzchni wklęsłej (rys. 3) oraz 1,20÷1,44 mm dla powierzchni wypukłej (rys. 4).



Rys. 3. Szerokości ścieżki obróbkowej w funkcji promienia krzywizny obrabianej – powierzchnia wypukła



Rys. 4. Szerokości ścieżki obróbkowej w funkcji promienia krzywizny obrabianej – powierzchnia wklęsła

Szerokość ścieżki  $b_r$  w zależności od promienia  $r_k$  w przypadku obu typów powierzchni jest zmienna. Widać dużo większe różnice szerokości ścieżki  $b_r$  w małych zakresach promieni powierzchni obrabianych poniżej  $r_k$  = 500 mm. Następnie przeprowadzono badania symulacyjne warstwy skrawanej podczas obróbki powierzchni wklęsłej oraz wypukłej frezem baryłkowym. Przyjęto stałe parametry geometryczne i technologicznie (tablica). Analizę wykonano dla szerokości ścieżek otrzymanych w wyniku przeprowadzonych obliczeń. Celem analizy było wyznaczenie maksymalnego pola przekroju warstwy skrawanej w zależności od promienia krzywizny powierzchni obrabianej przy założeniu stałej maksymalnej wysokości profilu *R*<sub>th</sub>.

TABLICA. Parametry geometryczne i technologiczne przyjęte do analizy

Maksymalna wysokość profilu R <sub>th</sub> , µm	3
Promień zarysu krawędzi skrawającej r <sub>n</sub> , mm	85
Średnica narzędzia <i>d</i> , mm	10
Posuw na ostrze f <sub>z</sub> , mm	0,1
Zakres szerokości ścieżek b <sub>r</sub> , mm	1,2÷1,9
Zakres promieni krzywizny powierzchni obrabianej $r_k$ , mm	200÷2000

### Metodyka badań

Analiza została przeprowadzona w oparciu operacje boolowskie. Uproszczeniem było przyjęcie braku pochylenia krawędzi skrawającej [6, 8].

Utworzono dwa typy modeli powierzchni obrabianej – oddzielne dla powierzchni wklęsłej oraz wypukłej. Promień krzywizny  $r_k$  oraz szerokość ścieżki  $b_r$  były sparametryzowane. Następnie zamodelowano frez baryłkowy o średnicy d = 10 mm i promieniu zarysu krawędzi skrawającej  $r_n = 85$  mm. Przebieg analizy przedstawiono na rys. 5.



Rys. 5. Metoda wyznaczania pola powierzchni warstwy skrawanej

W pierwszym kroku ustalono położenie narzędzia względem obrabianej powierzchni (rys. 5*a*). Odjęto bryłę modelu narzędzia od powierzchni obrabianej (rys. 5*b*). Kolejnym etapem było ponowne przesunięcie modelu narzędzia z poprzedniej pozycji o wartość posuwu (rys. 5*c*). Te czynności były powtarzane do momentu wykonania założonej liczby ścieżek (rys. 5*d*). Następnie wyznaczono iloczyn modelu powierzchni obrabianej oraz bryły narzędzia i otrzymano model warstwy skrawanej (rys. 5*e*). Na etapie końcowym wyznaczono przekroje warstwy i odczytano pola powierzchni (rys. 5*f*) [10].

# Analiza wyników

W przypadku obróbki powierzchni wklęsłej o promieniu krzywizny  $r_k$  = 200 mm pole przekroju warstwy skrawanej  $A_{max}$  wyniosło 0,103 mm<sup>2</sup> (rys. 6). Jest to wartość o ok. 30% większa w porównaniu z polem przekroju warstwy skrawanej w obróbce powierzchni wklęsłej o promieniu  $r_k$  = 2000 mm. Zmienność pola przekroju warstwy skrawanej była znacznie większa w zakresie promieni krzywi-



Rys. 6. Maksymalne pole powierzchni warstwy skrawanej  $A_{max}$  w funkcji promienia krzywizny powierzchni obrabianej  $r_k$  dla powierzchni wklęsłej przy  $R_{thwk}$  = const



Rys. 7. Maksymalne pole powierzchni warstwy skrawanej  $A_{max}$  w funkcji promienia krzywizny powierzchni obrabianej  $r_k$  dla powierzchni wypukłej przy  $R_{thwy}$  = const



Rys. 8. Modele warstwy skrawanej powierzchni wklęsłej

zny  $r_k$  poniżej 500 mm. Ponadto wraz ze zmniejszaniem się promienia krzywizny powierzchni obrabianej wydłużał się styk narzędzia. Widoczna jest zmiana ukształtowania warstwy skrawanej, zwłaszcza przy najmniejszych promieniach krzywizny powierzchni obrabianej (rys. 8).

Natomiast w przypadku obróbki powierzchni wypukłych wraz ze zmniejszaniem się promienia krzywizny powierzchni obrabianej zmniejszało się pole przekroju warstwy skrawanej. Różnica w przypadku obróbki powierzchni o promieniu krzywizny  $r_k = 200$  mm wyniosła ok. 20% względem powierzchni o promieniu krzywizny  $r_k = 2000$  mm. Podobnie jak w przypadku powierzchni wklęsłych, zmienność pola przekroju była znacznie większa dla promieni krzywizny  $r_k$  mniejszych od 500 mm.



Rys. 9. Modele warstwy skrawanej powierzchni wypukłej

### Podsumowanie

W obróbce powierzchni złożonych frezem baryłkowym ważnym parametrem jest promień krzywizny powierzchni obrabianej. Aby uzyskać stałą jakość powierzchni, niezbędna jest zmiana szerokości ścieżek obróbkowych, co przekłada się na zmiany pola przekroju warstwy skrawanej. Ponieważ różnice są znaczne i przekraczają 20%, powinny być one uwzględniane podczas projektowania procesu obróbkowego.

#### LITERATURA

- Boz Y., Erdim H., Lazoglu I. "A comparison of solid model and threeorthogonal dexelfield methods for cutter-workpiece engagement calculations in three- and five-axis virtual milling". *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology* (2013).
- Burek J., Żurek P., Sułkowicz P., Żurawski K. "Programowanie procesu 5-osiowej symultanicznej obróbki frezem baryłkowym w programie HyperMILL". *Mechanik.* 89, 5–6 (2016): s. 470÷471.
- Burek J., Żurek P., Żurawski K. "Porównanie chropowatości powierzchni złożonych po obróbce frezem baryłkowym oraz kulistym". *Mechanik*. 10 (2016).
- Chaves-Jacob J., Poulachon G., Duc E. "Optimal strategy finishing impeller blades using 5-axis machining". *The International Journal* of Advanced Manufacturing Technology. 58 (2012): s. 5731÷5830.
- Gong H., Fang F.Z., Hu X.T., Cao L.–X., Liu J. "Optimization of tool positions locally based on the BCELTP for 5-axis machining of freeform surfaces". *Computer-Aided Design*. 42 (2010): s. 558÷570.
- Iwabe H., Shimizu K. "Analysis of cutting mechanism by ball end". 3D-CAD JSME International Journal. C, 49 (2006).
- Meng F.-J., Chen Z.-T., Xu R.-F., Li X. "Optimal barrel cutter selection for the CNC machining of blisk". *Computer-Aided Design*. 53 (2014): s. 36÷45.
- Urban B. "Kinematische und mechanische wirkungen des Kugelkopffrasens". Hannover: Gottfried Wilhelm Leibnitz Universitat Hannover, 2009.
- Yang Y., Wan M., Zhang W., Ma Y. "Extraction of cutter-workpiece engagement for multi-axis milling". *Materials Science Forum*. 770 (2014): s. 357÷360.
- Yang Y., Zhang W., Wan M., Ma Y. "A solid trimming method to extract cutter-workpiece engagement maps for multi-axis milling". *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology* (2013).