Mgr inż. Hong Phong NGUYEN, dr inż. Agnieszka DEREWOŃKO, prof. dr hab. inż. Tadeusz NIEZGODA (Wojskowa Akademia Techniczna):

## SPRZĘŻĘNIE TERMOMECHNICZNE W ANALIZACH NUMERYCZNYCH 3D PROCESU TOCZENIA CZĘŚCI KLASY WAŁEK

#### Streszczenie

Przedstawiono analizę numeryczną 3D procesu toczenia części klasy wałek z wykorzystaniem oprogramowania inżynierskiego MSC.Marc oraz z uwzględnieniem sprzężenia między polami odkształcenia i temperatury. W modelu zastosowano zaktualizowane sformułowanie Lagrange'a wraz ze strategią globalnego remeshingu w celu zapobiegnięcia zniekształceniom elementów. Zestawienie uzyskanych wyników analiz numerycznych i wstępnych badań eksperymentalnych z użyciem kamery termowizyjnej potwierdziła przyjęte założenia i opracowany model numeryczny.

Słowa kluczowe: sprzężenie termomechaniczne, toczenie, remeshing

## THERMO-MECHANICAL COUPLING IN 3D NUMERICAL ANALYSES OF THE TURNING PROCESS

#### Abstract

The paper presents a 3D numerical analysis of the turning process with the use of MSC.Marc engineering software. The coupling between deformation and temperature fields was considered and the updated Lagrange formulation was used in the analysis. In order to prevent element distortion, the strategy of global remeshing was used. The results comparison of the numerical analysis and the preliminary experimental studies with the use of a thermal imaging camera confirmed the adopted assumption and the developed numerical model.

Keywords: thermo-mechanical coupling, turning, remeshing

# SPRZĘŻENIE TERMOMECHANICZNE W ANALIZACH NUMERYCZNYCH 3D PROCESU TOCZENIA CZĘŚCI KLASY WAŁEK

mgr inż. Hong Phong NGUYEN<sup>1</sup>, dr inż. Agnieszka DEREWOŃKO<sup>1</sup>, prof. dr hab. inż. Tadeusz NIEZGODA<sup>1</sup>

## 1. WPROWADZENIE

Wśród wielu dziedzin, metoda elementów skończonych jest obecnie wykorzystywana również do projektowania i symulacji procesów technologicznych. Jednak odwzorowanie wszystkich aspektów procesów skrawania wymaga odpowiedzialnego stosowania dostępnych algorytmów tj. metod dyskretyzacji, modeli konstytutywnych materiałów czy formalizmu rozwiązania np. opisu Lagrange'a i Eulera [2, 3, 5, 6, 7].

W pracy przedstawiono wstępne symulacje procesu toczenia wzdłużnego części klasy wałek z wykorzystaniem oprogramowania inżynierskiego MSC.Marc, w której uwzględniono sprzężenie między polami odkształceń i temperatur. Przedstawiono weryfikację jakościową modelu numerycznego przez porównanie pól temperatur uzyskanych w rezultacie analiz numerycznych i wstępnych badań eksperymentalnych z użyciem kamery termowizyjnej.

## 2. PODSTAWY TEORETYCZNE

Zależności podane w tym rozdziale podane są wg instrukcji do programu MSC.Marc [1]. Sprzężoną numeryczną analizę termomechaniczną 3D procesu toczenia części klasy wałek z przeprowadzono wykorzystując oprogramowanie inżynierskie MSC.Marc. W stosowanej procedurze warunki cieplne opisane są wzorem:

$$C^{T}(T)\dot{T} + K^{T}(T)T = Q + Q^{I} + Q^{F}$$
(1)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Wojskowa Akademia Techniczna, ul. Gen. Sylwestra Kaliskiego 2, 00-908 Warszawa.

gdzie  $Q^{T}$  oznacza ilość ciepła generowanego przez pracę plastyczną, natomiast  $Q^{F}$  to przez tarcie. Zarówno macierze ciepła właściwego  $C^{T}(T)$ , przewodności cieplnej  $K^{T}(T)$  jak wektor strumienia ciepła Q są funkcjami temperatury i są obliczane w aktualnej konfiguracji w opisie Lagrange'a. Temperatura wewnątrz elementu jest interpolowana na podstawie wartości temperatur węzłów elementu.

Przyjęty w analizach związek konstytutywny określa naprężenie plastycznego płynięcia  $\sigma_y$ , jako funkcję odkształcenia  $\dot{\varepsilon}^p$ , prędkości odkształcenia i temperatury Tw postaci:

$$\sigma_{y} = \left(A + B \,\overline{\varepsilon}^{p^{n}}\right) \left(1 + C \ln\left(\frac{\dot{\varepsilon}}{\dot{\varepsilon}_{0}}\right)\right) \left(1 - \left(\frac{T - T_{ot}}{T_{m} - T_{ot}}\right)^{m}\right)$$
(2)

gdzie: A jest granicą plastyczności dla parametrów odniesienia: temperatury  $T_{ot}$  i prędkości odkształcenia  $\dot{\varepsilon}_0$ , B, m i n są współczynnikami umocnienia odkształceniowego, C to współczynnik umocnienia dynamicznego oraz  $T_m$  – temperatura topnienia.

Przedmiot obrabiany jest dyskretyzowany czworościennymi elementami izoparametrycznymi typu 134. Ten element opisują liniowe funkcje kształtu. Macierz sztywności tego elementu jest obliczona dla jednego punktu całkowania, natomiast macierz masy jest tworzona dla czterech punktów Gaussa.

Podczas realizacji procedury obliczeniowej zagadnienia kontaktu, po wykryciu styku między odpowiadającymi węzłami dwóch stykających się obiektów, między nimi automatycznie są tworzone więzy. Równania tych więzów mają postać:

$$\Delta u_{normal} = v \cdot \mathbf{n} \tag{3a}$$

$$\Delta u_{styczne} = v \cdot \tau \tag{3b}$$

gdzie: *n*,  $\tau$  – wektory normalny i styczny, *v* – prędkość względna.

Przy definiowaniu zagadnienia kontaktu w sprzężeniu termomechanicznym, na wszystkich granicach ciał odkształcalnych jest automatycznie tworzony strumień cieplny. W przypadku, gdy odległość między stykającymi się ciałami wynosi 0, strumień ciepła określany jest zgodnie z równaniem:

$$q = H_{TC} \left( T_2 - T_1 \right) \tag{4}$$

gdzie  $T_1$  jest temperaturą odkształcalnej powierzchni,  $T_2$  oznacza temperaturę w miejscu styku, która została interpolowana z temperatury węzłów kontaktującego się ciała,  $H_{TC}$  to współczynnik konwekcji ciepła między dwoma powierzchniami.

W celu prawidłowego odwzorowania procesu tworzenia wióra wykorzystano, dostępną w programie MSC.Marc, funkcję "remeshing" czyli podział na mniejsze elementy skończone. W procedurze automatycznej globalnej adaptacji siatki metodą triangulacji Delaunay dostosowanie siatki elementów skończonych następuje przez określenie tak zwanego wskaźnika zmiany objętości *r*. Jest on obliczany na podstawie położenia każdego węzła narożnego elementu czworościennego. Dopasowanie elementów skończonych następuje, gdy wartość tego wskaźnika przekracza dopuszczalna, określoną przez Użytkownika. Domyślna wartość *r* wynosi 0,01.

W procesie adaptacyjnym, dane z poprzedniego kroku obliczeniowego, takie jak wartości naprężeń, odkształceń i temperatury są przenoszone do nowej siatki.

## 3. OBIEKT ANALIZ

Przedmiotem analizy jest walcowa próbka, o średnicy podstawy 40 mm i długości całkowitej 200 mm wykonana ze stali St45. Przyjęte parametry technologiczne obróbki przedstawiono w Tabeli 1.

Prędkość obrotowa próbki n [obr/min]	1250				
Prędkość skrawania v <sub>c</sub> [mm/s]	2486				
Posuw narzędzia $f_n$ [mm/obr]	0,14				
Głębokość skrawania <i>a<sub>p</sub></i> [mm]	0,77				

Tabela 1. Parametry technologiczne obróbki

## 4. MODEL NUMERYCZNY

Sprzężone numeryczne analizy termo-mechaniczne przeprowadzono przy użyciu programu MSC.Marc. Krótki opis matematyczny stosowanych algorytmów podano w pkt. 2. Proces tworzenia wióra odwzorowano, jako oddzielenie wióra sztywnym ostrzem wykorzystując adaptacyjność siatki MES w formalizmie Lagrange'a.

Z tego względu do utworzenia modelu 3D fragmentu próbki wykorzystano prostopadłościenne elementy skończone, które w efekcie adaptacji siatki zostały zamienione na czworościenne elementy skończone. Siły skrawania generowane były przez sztywny model narzędzia, w wykorzystaniem zagadnienia kontaktu. Podobnie jak ruch obrotowy próbki. Na Rys. 1 zaprezentowano model dyskretny.



Rys. 1. Model dyskretny skrawanej próbki a) model toczenia; b) analizowany fragment

Model materiału zdefiniowano związkiem konstytutywnym Johnson-Cooke'a opisanym wzorem (3), którego współczynniki przyjęto z literatury [4] i przedstawiono w Tabeli 2.

Tabela 2. Właściwości me	echaniczne stali St45
--------------------------	-----------------------

A [MPa]	B [MPa]	п	С	т	$T_{ot}$ [°C]	$T_{top}$ [°C]			
350	275	0,36	0,022	1,0	20	1538			

Wpływ temperatury na właściwości mechaniczno-cieplne materiału skrawanego zdefiniowano przy użyciu krzywych w funkcji czasu przedstawionych na Rys. 2.

Założono termiczny typ kontaktu między obrabianym materiałem i narzędziem o współczynniku przewodzenia ciepła przez kontakt o wartości 40 W/m/ °C. Przyjęto tarcie Coulomba typu stick–slip o współczynniku 0,3. Założono, że obróbka odbywa się w otoczeniu o temperaturze 20 °C a wartość współczynnika przewodzenia ciepła do otoczenia jest równy 0,04 W/m/ °C.



Rys. 2. Zależność parametrów materiałowych w funkcji temperatury:a) moduł Younga;b) przewodność ciepła;c) ciepło właściwe;d) współczynnik rozszerzalności cieplnej;

Odwzorowanie procesu powstawania wióra możliwe było po przyjęciu następujących parametrów adaptacji siatki elementów skończonych: minimalna długość krawędzi elementów równa się 0,02 mm, liczba elementów na okręgu triangulacji Delanuay'a wynosi 60 i maksymalna zmiana skumulowanych odkształceń zredukowanych jest równa 0,4.

Dodatkową cechą triangulacji Delaunay'a jest maksymalizacja wartości minimalnego kąta w trójkącie. W analizach przyjęto, że maksymalne zniekształcenie kąta wynosi 40°. Założono również, że współczynnik konwersji energii ciepło tarcia i w wyniku przewodzenia ciepła wytwarzanego w połączeniu styku materiału i narzędzia jest równy 0,9.

## 5. WYNIKI ANALIZ NUMERYCZNYCH

Rozkłady temperatur, odkształcenia plastycznego i gęstości energii odkształceń plastycznych w strefie skrawania otrzymane w wyniku analiz numerycznych przed-stawiono na rysunkach 3 do 5.



Rys. 3. Rozkład temperatur w strefie skrawania



Rys. 4. Mapa całkowitego odkształcenia plastycznego w strefie skrawania



Rys. 5. Mapa gęstości energii odkształceń plastycznych

## 6. BADANIA EKSPERYMENTALNE

Stanowisko pomiarowe złożone jest z tokarki SN32 Słowackiej firmy TRENS, odpowiednio zamontowanej kamery termowizyjnej FLIR SC 6000 połączonej przez łącze szeregowe typu FireWire z komputerem klasy PC z zainstalowanym oprogramowaniem Therma CAM Researcher Pro 2.9 do akwizycji i przetwarzania obrazu z kamery (Rys. 6).



Rys. 6. Wstępnie skonfigurowane stanowisko do pomiaru temperatury skrawania 1: Kamera termowizyjna; 2: Tokarka; 3: Próba; 4: Kamera wysokiej rozdzielczości.

Na Rys. 7 przestawiono kilka klatek z filmu rejestrującego zmianę pola temperatur w funkcji czasu w procesie skrawania próbki.



Rys. 7. Przykładowe pola temperatur z rejestracji eksperymentu

## 7. PODSUMOWANIE

W procesie skrawania, ciepło wygenerowane jest z pracy odkształceń plastycznych i pracy siły tarcia między próbką a narzędziem, które powoduje wzrost temperatury w strefie skrawania. W celu natychmiastowej oceny odkształceń plastycznych oraz temperatury na etapie projektowania obróbki, rozwinięto analizę numeryczną sprzężenia termomechanicznego w procesie toczenia wzdłużnego z zastosowaniem metody elementów skończonych. Szereg problemów numerycznych rozwiązano, zwłaszcza procedury remeshingu i poszukiwania kontaktu. Na podstawie porównania pól temperatur uzyskanych w rezultacie analiz numerycznych i wstępnych badań eksperymentalnych zweryfikowano jakościowo model numeryczny.

## LITERATURA

- [1] Marc® 2011, Volume A: Theory and User Information, Copyright 2011 MSC.Software Corporation.
- [2] SVOBODA A., WEDBERG D., LINDGREN L.E., *Simulation of metal cutting using a physically based plasticity model*, Modelling and Simulation in Materials Sciense and Engineering, 2010.
- [3] HALIL B, ENGIN KILIC S., A. ERMAN TEKKAYA, A comparison of orthogonal cutting data from experiments with three different finite element models, International Journal of Machine Tool & Manufacture 44, 933-944, 2004.
- [4] GORDON R. JOHNSON, WILLIAM H. COOK, A constitutive model and data for metals subjected to large strains, high strain rates and high temperatures, Proceedings of the Seventh Symposium on Ballistics, The Hague, The Netherlands, 1-7, 1983.
- [5] ZĘBALA W., Modelowanie procesu skrawania, Kraków, Politechnika Krakowska, 2011.
- [6] NIESŁONY P., GRZESIK W., Modelowanie procesu i operacji skrawania metodą elementów skończonych cz. I i II, MES, Mechanik, 10/2013 i 11/2013.
- [7] ARRAZOLA P.J., OZEL T., UMBRELLO D., DAVIES M., JAWAHIR I.S., Recent advances in modelling of metal machining proces, CIRP – Manufacturing Technology 62, 695-718, 2013.
- [8] Sandvik Coromant, Poradnik Obróbki Skrawaniem, www.sandvik.coromant.com, 2010.